



**PROGRAMIRANJE**  
Predavanje 08 – Rekurzivne funkcije

Ishod učenja 3

1

## Rekurzija

- Rekurzija je pristup rješavanju problema u kojemu funkcija poziva samu sebe s različitim vrijednostima parametara
- Mora postojati jednostavan uvjet zaustavljanja
- Svaki poziv funkcije rješava manji dio problema
- Svaki poziv funkcije je neovisan o ostalim pozivima iste funkcije
  - Ima vlastiti *stackframe*
  - Dva poziva iste funkcije ne mogu pristupiti *stackframovima* jedan drugog

Strana • 2



2

## Osnovni pristup rekurziji

- Implementacije rekurzije mogu biti složene
- Osnovni pristup sadrži sljedeće elemente:
  - Inicijalni poziv funkcije (radimo ga iz funkcije `main()`)
  - Provjera uvjeta zaustavljanja
    - Ako je zadovoljen, kraj (i opcionalno vratimo vrijednost)
  - Naredbe specifične za problem koji rješavamo
  - Rekurzivni poziv funkcije
    - Barem jedan parametar mora imati drukčiju vrijednost

Strana • 3



3

## Jednostavan void primjer (crtamo stackframe)

- Prikažimo znakove stringa pomoću rekurzije (bez korištenja petlje for)

```
void display(string name, int i, int n) {
    if (i == n) { ← Provjera uvjeta zaustavljanja
        return;
    }
    cout << name[i] << endl; ← Rješavanje problema
    display(name, i + 1, n); ← Rekurzivni poziv funkcije
}

int main() {
    string name = "Mirko";
    display(name, 0, name.size()); ← Inicijalni poziv funkcije
    return 0;
}
```

Strana • 4



4

## Jednostavan ne-void primjer

- Izračunajmo  $n$ -tu potenciju broja 10

```
int power_of_10(int n) {
    if (n == 0) {
        return 1;
    }
    return power_of_10(n - 1) * 10;
}

int main() {
    cout << power_of_10(0) << endl;
    cout << power_of_10(1) << endl;
    cout << power_of_10(3) << endl;
    return 0;
}
```

Strana • 5



5

## Kuharica

- Kuharica za jednostavne rekurzivne probleme:

1. Prepoznati rekurzivnu formulu, tj. Kako razbiti originalni problem u manje probleme, sve do uvjeta zaustavljanja
  - U većini naših zadataka ćemo koristiti rekurziju umjesto petlje for
2. Definirati što rekurzivna funkcije prima i vraća
3. Implementirati uvjet zaustavljanja
4. Napisati kod za rješavanje problema i rekurzivni poziv funkcije
5. Napisati inicijalni poziv funkcije iz funkcije `main()`

Strana • 6



6

## Primjeri

1. Napišite program koji rekurzivno računa faktorijele.

$$n! = n * (n - 1)!$$

2. Napišite program koji rekurzivno izračunava  $n$ -ti Fibonaccijevi broj.

$$F(0) = 0$$

$$F(1) = 1$$

$$F(n) = F(n - 1) + F(n - 2), \text{ za } n \geq 2$$

3. Napišite program koji od korisnika učitava dva prirodna broja  $a$  i  $b$ . Kroz rekurzivnu funkciju ispišite brojeve od 1 do  $a$  u koracima od  $b$ . Pretpostavka: vrijednost  $a$  je veća od vrijednosti  $b$ .

Strana • 7



7

## Primjeri

4. Napišite program koji od korisnika učitava tri prirodna broja  $a$ ,  $b$  i  $c$ . Kroz rekurzivnu funkciju ispišite brojeve od  $a$  do  $b$  u koracima od  $c$ . Pretpostavka: vrijednost  $a$  je manja od vrijednosti  $b$ .
5. Napišite program koji od korisnika učitava dva prirodna broja  $a$  i  $b$ . Kroz rekurzivnu funkciju ispišite sve proste brojeve između  $a$  i  $b$ . Kôd za provjeru je li broj prost izdvojite u posebnu funkciju.
6. Napišite program koji od korisnika učitava string i znak  $i$  uz pomoć rekurzivne funkcije ispisuje koliko se puta taj znak nalazi u stringu.

Strana • 8



8